

6年 36回

流水算

川以外にも  
風、船の歩道、ベルトコンベア など

川の流れの分だけ、船が速くなったり  
おそくなったりする

→ 4種類の速さのうち 2つ分かれば話がわかる  
(上り、下り、静水時、川)

1 川 3km/時 船 12km/時

(1) 上り ...  $12 - 3 = 9$  km/時      下り ...  $12 + 3 = 15$  km/時

(2) A ↔ B       $45 \div 9 = 5$        $45 \div 15 = 3$       > 8時間

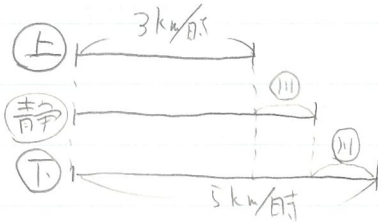
2

(1) 上り ...  $15 \div 5 = 3$  km/時

下り ...  $15 \div 3 = 5$  km/時

(3)  $(5 + 3) \div 2 = 4$  km/時      ← 静水より速く時は流れ、遅く時は遅い

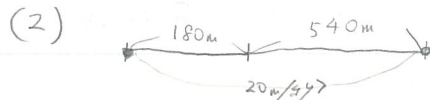
(2)  $5 - 4 = 4 - 3 = 1$  km/時



通過算 ... 電車のように「重くものにも長さがある」場合、道のりに加えて(あるいは引いて)考える必要がある。

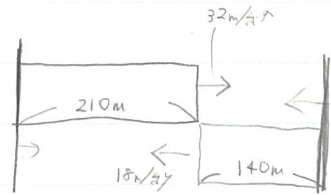
3

(1)  $150 \div 25 = 6$  秒



$(180 + 540) \div 20 = 36$  秒

(3) ①



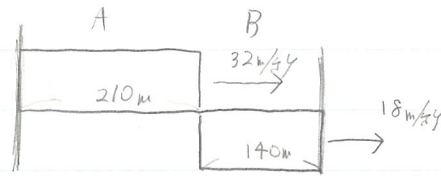
最後部の出会いを考える

$(210 + 140) \div (32 + 18)$

= 7秒

一番とあいつで数

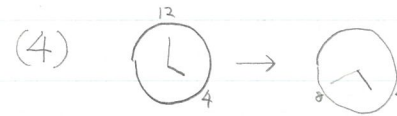
②



-421と3  
Aの最後尾とBの先頭の旅人算  
 $(210 + 140) \div (32 - 18) = 25$  秒

時計算 ... 短針と長針の旅人算  
(0.5°/分)      (6°/分)

4 (1)   $30^\circ \times 4 = 120^\circ$




1あたり  $120^\circ \rightarrow$     
40分


非常によく登場する


1分で  $5.5^\circ$  近づく ( $6 - 0.5 = 5.5$ )  
 $5.5 \times 40 = 220^\circ$  近づく ( $120^\circ$  近づく =  $100^\circ$  差が出る)  
ゆえに  $100^\circ$

5

(1)  1あたり  $90^\circ$   
 $90 \div 5.5 = 180 \div 11$   
 $= \frac{180}{11} = 16 \frac{4}{11}$  分

計算の工夫  
両方を2で割って分数を減らす

(2)  1あたり  $150^\circ \rightarrow 90^\circ$   
 $60^\circ$  近づく  
 $60 \div 5.5 = 120 \div 11$   
 $= \frac{120}{11} = 10 \frac{10}{11}$  分

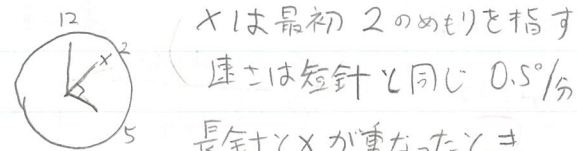
(3)  1あたり  $240^\circ \rightarrow 180^\circ$   
 $60^\circ$  近づく  
 $60 \div 5.5 = 120 \div 11$   
 $= \frac{120}{11} = 10 \frac{10}{11}$  分

重要

シャドーを利用した解法

実物の影となる物の重さを考えることで話をより単純にする解法

(2) 短針と常に直角の針Xを巡る

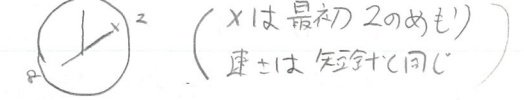


Xは最初2のめりを指す  
速さは短針と同じ  $0.5^\circ/\text{分}$

長針とXが重なったとき  
2つの針は直角になる

$60 \div 5.5 = \frac{120}{11} = 10 \frac{10}{11}$  分

(3) 短針と常に反対方向の針Xを巡る



Xは最初2のめりを指す  
速さは短針と同じ

長針とXが重なったとき 2つの針は  
反対方向に一直線になる

$60 \div 5.5 = \frac{120}{11} = 10 \frac{10}{11}$  分

6

上り	下り	静水時	川
90分	50分	(9+5)×2	9-5=4
速⑤	⑦	⑦	②
			11
			2km/時

上りの速⑤ = 5km/時  
 $5 \times 1.5 = 7.5 \text{ km}$

7

30秒で340m と長さ分  
 70秒で900m と長さ分

$560 \div 40 = 14 \text{ m/秒}$   
 $14 \times 30 - 340 = 80 \text{ m}$

8

(1) A → B 48分で12km  $12 \div \frac{4}{5} = 15 \text{ km/時}$  ← 下り  
 B → A 80分で12km  $12 \div \frac{4}{3} = 9 \text{ km/時}$  ← 上り  
 川上がA町

(2) (1)より ① 15km/時  
 (3)  $(15-9) \div 2 = 3 \text{ km/時}$  ... ②  
 (4) ボートの下り ...  $6+3 = 9 \text{ km/時}$

8時8分のこは  $9 \times \frac{68}{60} = 10.2 \text{ km}$  ← 1あたり  
 $(12-10.2) \div (9+9) = 0.1 \text{ 時間} \rightarrow 6 \text{ 分}$   
 8時14分

9

	下り	上り	川	静水時
	A → B	B → A	風	飛行機
時	9'20	10'30		
	56分	62分		
速	⑨	⑧	①	②
			(9-8)÷2	(9+8)÷2
			0.5	8.5
				11
				850km/時

① = 100km/時  
 ② = 800km/時 ... 上りの時速  
 $800 \times 10.5 = 8400 \text{ km}$

10

A → B 行き(上り)  $60 \div 1\frac{2}{3} = 36 \text{ km/時}$   
 B → A 帰り(下り)  $60 \div 1\frac{1}{2} = 40 \text{ km/時}$

川の速さを□とする  
 行きの静水時 ...  $36 + \square$   
 帰りの静水時 ...  $40 - \square$

$36 + \square : 40 - \square = 5 : 3$   
 $108 + \square \times 3 = 200 - \square \times 5$   
 $\square = 11.5 \text{ km/時}$

倍数変化算は持ち止める

11

36kmの川  
 ①  $36 \div 9 = 4 \text{ km/時}$  ②  $36 \div 6 = 6 \text{ km/時}$   
 (静水時)  $(6+4) \div 2 = 5 \text{ km/時}$  ③  $6-5 = 1 \text{ km/時}$

④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ ⑩ ⑪  
 $3\frac{1}{4}$   $7\frac{1}{4}$   $5\frac{1}{4}$   $2\frac{1}{4}$   
 ⑦ : ③ ← 逆比  
 ⑩ = 10時間 ① = 1時間 ② = 3時間  
 $7 \times 3 = 21 \text{ km}$

12

① 下 A → B  $360 + 60 = 420 \text{ km/時}$   
 ② 上 B → A  $360 - 60 = 300 \text{ km/時}$

A → B の  $\frac{7}{12}$  の地点で出会う  
 $10 \times \frac{7}{12} = \frac{35}{6} = 5\frac{5}{6} \text{ 分} \rightarrow 5 \text{ 分 } 50 \text{ 秒後}$

13

①  $42 \div 5\frac{3}{5} = 7.5 \text{ km/時}$   
 ②  $42 \div 8\frac{2}{5} = 5 \text{ km/時}$

③  $7.5$   
 ④  $5$   
 ⑤  $11$   
 ⑥  $11 + 0.3$

⑦  $11 \times 2 + 0.3 = 21.5$   
 ⑧  $11 = 1.1 \text{ km/時}$   
 ⑨ (静水)  $7.5 - 1.1 = 6.4 \text{ km/時}$

14 A橋 B橋

時 108秒 : 90秒  
 速 10 : 11

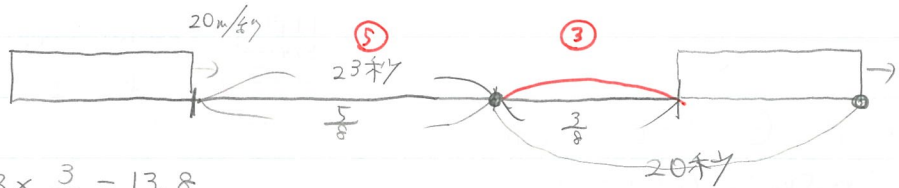
数字を扱いやすくするために

← 1.1倍をせよ

$$\frac{6 \times 10}{60} : \frac{5 \times 11}{55} = \textcircled{12} : \textcircled{11}$$

⑫ = 288m  
 ⑪ = 288 ×  $\frac{11}{12}$  = 264m

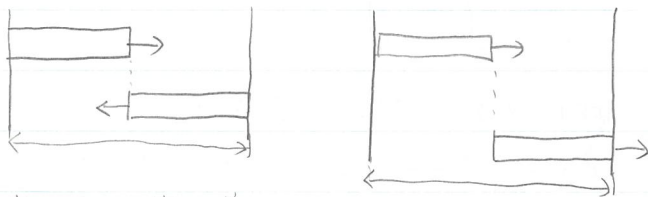
15



$23 \times \frac{3}{5} = 13.8$   
 $20 - 13.8 = 6.2$ 秒  
 $20 \times 6.2 = 124$  m

↑ 図に整理することで  
 時間的な要素がわかりやすくなる

16



速さの和 速さの差  
 時 5秒 30秒  
 速 ⑥ ①

$(6+1) \div 2 = 3.5$   
 $(6-1) \div 2 = 2.5$   
 $3.5 : 2.5 = 7 : 5$

和差算

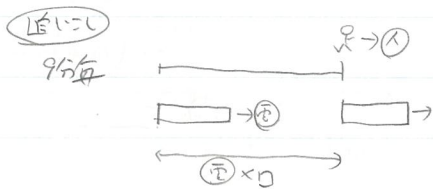
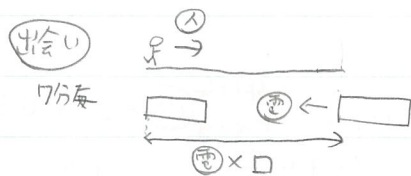
どっちの場合も  
 最もはなれている部分の  
 1あたりは同じ  
 速さが同じなので 速さがわかる

17

運行間隔が 10分だとすると、  
 電車の間隔は常に (電車の分速) × 10 m になる

出会い 追いつく  
 時 7分 9分  
 速 9 : 7

$(9+7) \div 2 = 8$   
 $(9-7) \div 2 = 1$   
 電車 : 人 = 8 : 1  
 $4 \times 8 = 32 \text{ km/h}$



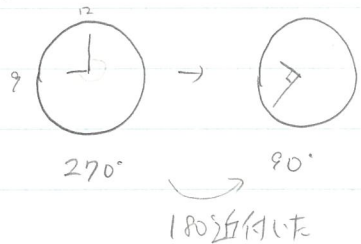
ちなみに 運行間隔は

$36 \times \frac{7}{60} = \frac{21}{5} \text{ km}$  ... 間隔  
 $\frac{21}{5} \div 32 = \frac{21}{160} \text{ 時間} \rightarrow \frac{63}{8} = 7 \frac{7}{8} \text{ 分}$  になる

18

3時でもいいが 途中が変わるので 9時

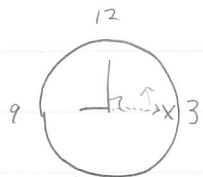
具体的に 9時を考える



$180 \div 5.5 = \frac{360}{11} = 32 \frac{8}{11} \text{ 分}$   
 $\rightarrow \frac{8}{11} \times 60 = \frac{480}{11} = 43 \frac{7}{11} \text{ 秒}$   
32分 43  $\frac{7}{11}$  秒

この  $\frac{8}{11}$  は  
 "分" であることに  
 注意する。

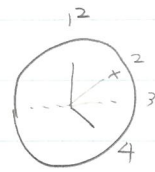
19



① 3時  
 短針と常に左右対称になる針 X を考える  
 X は 3 のめりをスタートし、0.5m/分 で 逆回りする

X と長針が重なった瞬間なので  $90 \div (6 + 0.5) = \frac{90}{6.5} = \frac{180}{13} = 13 \frac{11}{13} \text{ 分}$

20



① 3時  
 X は 2 のめりをスタートし、0.5m/分 で 逆回りする  
 $60 \div (6 + 0.5) = \frac{120}{13} = 9 \frac{3}{13} \text{ 分}$